

# Examen Analyse Syntaxique et Compilation

Université Paris 7. Licence d'Informatique (L3). Deuxième session  
2006-2007. Durée 2h. L'utilisation de documents ou de dispositifs  
électroniques est interdite.

18 juin 2007

**Exercice 1 (4 points)** On considère la grammaire suivante avec symbole initial  $S$  :

$$\begin{array}{ll} S \rightarrow G\$ & G \rightarrow P \\ G \rightarrow PG & P \rightarrow id : R \\ R \rightarrow \epsilon & R \rightarrow idR \end{array}$$

1. Calculez les fonctions *null*, *First* et *Follow* sur les symboles non-terminaux de la grammaire.

SOL. Le seul symbole nullable est  $R$

$$First(S) = First(G) = First(P) = First(R) = \{id\}$$

$$Follow(S) = \emptyset, Follow(G) = \{\$\}, Follow(P) = Follow(R) = \{id, \$\}$$

2. La grammaire est-elle  $LL(1)$ ? Motivez votre réponse.

SOL. Non, car, par exemple,  $G \rightarrow P$ ,  $G \rightarrow PG$  et  $id \in First(P) \cap First(PG)$ .

**Exercice 2 (4 points)** On considère la grammaire suivante avec symbole initial  $S$  :

$$S \rightarrow A\$ \quad A \rightarrow BA \mid \epsilon \quad B \rightarrow aB \mid b$$

Expliquez pourquoi cette grammaire n'est pas  $LR(0)$ .

**Suggestion**  $A \rightarrow \cdot$  est un item complet.

SOL. On construit (une petite partie de) l'AFN qui reconnaît les préfixes admissibles. Par exemple, on remarque qu'à partir de l'état initial par des transitions  $\epsilon$  l'automate arrive à l'item complet  $A \rightarrow \cdot$  ainsi qu'à d'autres items. Donc la grammaire n'est pas  $LR(0)$ .

**Exercice 3 (4 points)** On se focalise sur le langage impératif étudié dans le cours. On souhaite analyser les programmes suivants qui se composent d'une déclaration de procédure  $f$ , d'une déclaration de variable  $x$  et d'un corps principal  $f()$ .

**Programme 1**

```

procEDURE f() =
  let x = ref 1 : ref int;
  let y = ref !x : ref int;
  x :=!y;
  let x = ref true : ref bool;
  f()

```

**Programme 2**

```

procEDURE f() =
  let x = ref true : ref bool;
  let y = ref !x : ref int;
  x :=!y;
  let x = ref 1 : ref int;
  f()

```

**Programme 3**

```

procEDURE f() =
  let y = ref !x : ref int;
  x :=!y;
  let x = ref 1 : ref int;
  f()

```

Pour chaque programme, précisez si :

1. Le programme est bien typé.
2. L'exécution du programme est susceptible de produire une erreur.

**Suggestion** Vous pouvez répondre à ces questions sans calculer formellement le typage et l'évaluation des programmes.

SOL. D'après les règles de portée lexicale du langage en considération, la déclaration de la variable  $x$  qui suit la déclaration de la procédure  $f$  n'est pas visible dans le corps de la procédure ni au moment du typage ni au moment de l'exécution.

Le programme 1 est bien typé et donc l'exécution ne produit pas d'erreur.

Le programme 2 n'est pas bien typé car on mémorise une valeur `true` dans une location qui doit contenir des entiers. Cependant, l'évaluation du programme pourrait se passer normalement si le fait de mémoriser un booléen à la place d'un entier ne soulève pas d'exception.

Le programme 3 n'est pas bien typé car dans la déclaration de  $f$  on ne trouve pas la variable  $x$  dans l'environnement de type. Par ailleurs l'évaluation du corps de la fonction échoue car aucune location est associée à la variable  $x$  au moment de l'évaluation.

**Exercice 4 (4 points)** On considère la commande  $S$  suivante dans le langage impératif étudié dans le cours :

```

while !x > 0 do
  x :=!x-!y;
  y :=!y+!y

```

Proposez une compilation de la commande  $S$  dans le code octet étudié dans le cours. La compilation de  $S$  est relative à une liste de variables  $x \cdot y$  et à une continuation  $\kappa$ .

**Rappel** Le code compilé peut contenir les instructions suivantes :

- **build**  $c\ n$  : on remplace  $n$  valeurs  $v_1 \dots v_n$  au sommet de la pile par  $c(v_1, \dots, v_n)$  et on incrémente le compteur ordinal. Ici  $c$  est un constructeur. Par exemple, `(build 34 0)` écrit 34 au sommet de la pile.
- **load**  $n$  : on copie l' $n$ -ième valeur de la pile au sommet de la pile et on incrémente le compteur ordinal.

- goto  $j$  : on affecte  $j$  au compteur ordinal.
- branch  $j$  : si la valeur au sommet de la pile est true on incrémente le compteur ordinal sinon on affecte le compteur ordinal à  $j$ . Dans les deux cas on supprime la valeur au sommet de la pile.
- op  $n$  : on remplace les  $n$  valeurs  $v_1 \cdots v_n$  au sommet de la pile par  $\text{op}(v_1, \dots, v_n)$  et on incrémente le compteur ordinal. Ici on suppose disposer des opérations binaires,  $\text{geq}$ ,  $\text{add}$ ,  $\text{sub}$  pour comparer, additionner et soustraire.
- read si la valeur au sommet de la pile est une location  $\ell$ , on remplace  $\ell$  par son contenu et on incrémente le compteur ordinal.
- write si au sommet de la pile on a une location  $\ell$  située au dessus d'une valeur  $v$  alors on écrit  $v$  dans la location  $\ell$  et on élimine  $v$  et  $\ell$ .

SOL. On utilise un ‘;’ pour séparer les instructions.

$(\nu\kappa')\kappa'$  : load 1; read; build 0 0; geq 2;  
 branch  $\kappa$ ; load 1; read; load 2; read;  
 sub 2; load 1; write; load 2; read;  
 load 2; read; add 2; load 2; write; goto  $\kappa'$

**Exercice 5 (4 points)** Les règles de typage étudiées pour le  $\lambda$ -calcul sont les suivantes :

$$\frac{E(x) = \tau}{E \vdash x : \tau} \quad \frac{E[\tau/x] \vdash e : \tau'}{E \vdash \lambda x.e : \tau \rightarrow \tau'} \quad \frac{E \vdash e : \tau \rightarrow \tau' \quad E \vdash e' : \tau}{E \vdash ee' : \tau'}$$

et les règles d'évaluation en appel par valeur sont les suivantes :

$$\frac{}{v \Downarrow v} \quad \frac{e \Downarrow \lambda x.e_1, \quad e' \Downarrow v' \quad [v'/x]e_1 \Downarrow v}{ee' \Downarrow v}$$

**Rappel** Une valeur  $v$  est un  $\lambda$ -terme de la forme  $\lambda x.e$ .

1. Trouvez, s'il existe, un type  $\tau$  tel que  $\emptyset \vdash \lambda x.\lambda y.\lambda z.xz(yz) : \tau$  est dérivable.  
 SOL.  $(\tau_1 \rightarrow (\tau_2 \rightarrow \tau_3)) \rightarrow ((\tau_1 \rightarrow \tau_2) \rightarrow (\tau_1 \rightarrow \tau_3))$
2. Trouvez, s'il existe, un  $\lambda$ -terme  $e$  tel que  $\emptyset \vdash e : \tau \rightarrow ((\tau \rightarrow \tau') \rightarrow \tau')$  est dérivable où  $\tau, \tau'$  sont deux types différents.  
 SOL.  $\lambda x.\lambda f.f x$
3. Soit  $v = \lambda f.\lambda x.f(fx)$ . Évaluez en appel par valeur le  $\lambda$ -terme  $(vv)v$ .  
**Suggestion** Évaluez d'abord  $vv$ .  
 SOL. On dérive  $vv \Downarrow v_1$  avec  $v_1 = \lambda x.v(vx)$ .  
 Ensuite on dérive  $(vv)v \Downarrow \lambda x.v_1(v_1x)$ .