

1. On considère la classe définie par : `class A {static int i; void print(){System.out.println(i); }}`
L'exécution de `A a=new A(); A b=new A(); a.i=5; b.i=10; a.print();`
 - (a) affiche 5
 - (b) affiche 10
 - (c) la classe A ne peut pas être compilée
2. On considère la boucle ($n > 0$): `for(int i=0; i<n; i+=1)do f(i++); while(i<0);` Trouver la bonne réponse:
 - (a) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n)$
 - (b) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n^2)$
 - (c) le nombre d'appels de f est logarithmique ($\Theta(\log(n))$)
 - (d) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n \log(n))$
 - (e) le nombre d'appels de f est exponentiel ($\Theta(2^n)$)
3. On considère le programme suivant:

```
static boolean estPresent(int v,int[]t, int l,int r){
    if(l>r) return false; int m=(l+r)/2;
    if(v==t[m])return true;
    if(v<t[m])return estPresent(v,t,l,m-1); else return estPresent(v,t,m+1,r);}
```

En supposant que le tableau t est trié, ce programme retourne true si et seulement si v est présent dans t entre les indices l et r en (choisir la (ou les) bonne(s) réponse(s):

 - (a) $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas
 - (b) $\Theta(\log(n))$ comparaisons dans le pire cas
 - (c) $\Theta(n)$ comparaisons dans le meilleur cas
4. Pour un arbre binaire parfait de hauteur n, le nombre de noeuds est un:
 - (a) 2^n
 - (b) égal au nombre de feuilles d'un arbre parfait de hauteur $n + 1$ moins 1
 - (c) $n * \log(n)$
5. Trouver la ou les bonnes réponses:
 - (a) $\sum_{i=0}^n i^3$ est un $\Theta(n^3)$
 - (b) $\sum_{i=0}^n i^2$ est un $\Theta(n^3)$
 - (c) $\sum_{i=0}^n i$ est un $\Theta(n^3)$
6. On considère le morceau de programme: `tmp=t[0]; for(int i=1; i<t.length; i++)if(tmp<t[i])tmp=t[i];`
Choisir parmi les assertions suivantes celle(s) qui est(sont) vraies:
 - (a) "tmp est égal au max du tableau t entre les indices 0 et $i - 1$ " est un invariant de la boucle
 - (b) "tmp est égal au max du tableau t entre les indices 0 et $t.length$ " est un invariant de la boucle
 - (c) il n'y a pas d'invariant pour cette boucle
7. Le tri fusion trie un tableau de n éléments en:
 - (a) $\Theta(n^2)$ comparaisons dans le meilleur cas
 - (b) $\Theta(n \log(n))$ comparaisons dans le meilleur cas
 - (c) $\Theta(n)$ comparaisons dans le meilleur cas
8. On considère la classe définie par : `class A {int i=0; }`. L'exécution de:
`A a,b; a.i=10; b=a; b.i=5; System.out.println(a.i);`
 - (a) affiche 10
 - (b) affiche 5
 - (c) provoque une erreur

9. On considère la boucle suivante ($n > 0$): `for(int i=1; i<n; i=i*10) f(i)`; Parmi les assertions suivantes laquelle est FAUSSE:
- le nombre d'appels de `f` est un Θ du nombre n
 - le nombre d'appels de `f` est un Θ du nombre de bits nécessaires pour représenter n en binaire
 - le nombre d'appels de `f` est un Θ du nombre de chiffres dans la représentation de n en base 10
10. Pour le morceau de programme: `if (a>b) m=a; else m=b;` et la pré-condition : $a = A$ et $b = B$ (où A et B sont des constantes positives), parmi les assertions suivantes laquelle n'est **pas** une post-condition:
- $m = \max(A, B)$
 - $1 \neq 0$
 - $m \geq |A - B|$
 - $A > B$
11. On considère le programme suivant:
`static boolean cherche(int v, int[] t, int l, int r)`
`{for(int i=l; i<=r; i++)if(t[i]==v)return true; return false; }` Ce programme retourne `true` si et seulement si v est présent dans `t` entre les indices `l` et `r` en : (choisir la (ou les) bonne(s) réponse(s))
- $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas
 - $\Theta(\log(n))$ comparaisons dans le pire cas
 - $\Theta(n)$ comparaisons dans le meilleur cas
12. Pour la classe `D` définie comme suit:
- ```
class D {
public int x;
public D() {x=3; };
public D(int a){this(); x=x+a;};
public D(int a, int b){this(b); x= x-a;}}
```
- qu'affichera le code suivant?
- ```
D a=new D(5,6);
System.out.println(a.x);
```
- 1
 - 2
 - 3
 - 4
13. On considère le programme suivant:
`static void f(int n){if(n==0) return; f(n-1); System.out.print(n); f(n-1); }`
L'appel `f(4)` affiche:
- 121312141213121
 - 112112311211234
 - 432112113211211
14. On considère la classe définie par : `class A {int i; }`
L'exécution de: `A a=new A(); A b=new A(); a.i=8; b=a; b.i=5; System.out.println(a.i);`
- affiche 5
 - affiche 8
 - provoque une erreur
15. On considère le programme suivant:
`static void f(int n){if(n<=0) return; f(n-4);f(n+1);}`
Le nombre d'appels de `f` pour `f(n)` est un (on suppose $n > 0$):
- $\Theta(n)$ dans le pire cas
 - $\Theta(\log(n))$ dans le pire cas
 - $\Theta(2^n)$ dans le pire cas
 - infini: le programme ne termine pas toujours

16. On considère la classe définie par : `class A {int i; }`. L'exécution de:
`A a=new A();A b=new A(); a.i=10; b=a; b.i=5;`
`if(a==b)System.out.println("EGAL"); else System.out.println("PAS EGAL");`

- (a) affiche EGAL
- (b) affiche PAS EGAL
- (c) provoque une erreur

17. On considère la classe définie par : `class A {int i; void print(){System.out.println(i); }}`
L'exécution de `A a=new A(); A b=new A(); a.i=5; b.i=10; a.print();`

- (a) affiche 5
- (b) affiche 10
- (c) la classe A ne peut pas être compilée

18. On considère le programme suivant:

```
static boolean estPresent(int v,int[]t, int l,int r){
    if(l>r) return false; int m=(l+r)/2;
    if(v==t[m])return true;
    return estPresent(v,t,l,m-1)|| estPresent(v,t,m+1,r);}

```

En supposant que le tableau `t` est trié, ce programme retourne `true` si et seulement si `v` est présent dans `t` entre les indices `l` et `r` en (choisir la (ou les) bonne(s) réponse(s):

- (a) $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas
- (b) $\Theta(\log(n))$ comparaisons dans le pire cas
- (c) $\Theta(n)$ comparaisons dans le meilleur cas

19. On définit la méthode `permuter`:

```
public static void permuter (String s1, String s2, int x1, int x2){
    String tmp1=s1; s1=s2; s2=tmp1; int tmp2=x1; x1=x2; x2=tmp2;
}

```

Considérons: `String a="bon"; String b="jour"; int c=3; int d =4; permuter(a,b,c,d);`
Quelles seront les valeurs de `a,b,c,d` après l'exécution de ce code?

- (a) "bon", "jour", 3, 4
- (b) "jour", "bon", 3, 4
- (c) "bon", "jour", 4, 3
- (d) "jour", "bon", 4, 3

20. Le tri par insertion trie un tableau de n éléments en:

- (a) $\Theta(n^2)$ comparaisons dans le pire cas
- (b) $\Theta(n \log(n))$ comparaisons dans le pire cas
- (c) $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas

21. On considère le programme suivant:

```
static void f(int n){if(n<=0) return; if ((n%2)==0) f(n-1); else f(n+1); }

```

Le nombre d'appels de f pour $f(n)$ est un (on suppose $n > 0$):

- (a) $\Theta(n)$ dans le pire cas
- (b) $\Theta(\log(n))$ dans le pire cas
- (c) $\Theta(2^n)$ dans le pire cas
- (d) infini: le programme ne termine pas toujours

22. Trouver la ou les bonnes réponses:

- (a) $\sum_{i=0}^n i^3$ est un $\Theta(n^2)$
- (b) $\sum_{i=0}^n i^2$ est un $\Theta(n^2)$
- (c) $\sum_{i=0}^n i$ est un $\Theta(n^2)$

23. On considère la classe définie par : `class A {int i=0; B b; }`, la classe: `B {int j=0;}` et le code `A a1=new A(); A a2=new A(); B b=new B();`
Quelles expressions ont la valeur `true`:
- `(a1.i != b.j)`
 - `(a1.b == a2.b)`
 - `(a1 == a2)`
24. On considère la boucle suivante ($n > 0$): `for(int i=0; i<n; i+=1) for(int j=1; j<n; j=2*j) f(i);` Trouver la bonne réponse:
- le nombre d'appels de `f` est un $\Theta(n)$
 - le nombre d'appels de `f` est un $\Theta(n^2)$
 - le nombre d'appels de `f` est un $\Theta(\log(n))$
 - le nombre d'appels de `f` est un $\Theta(n \log(n))$
25. On considère le programme suivant:
`static void f(int n){if(n==0) return; f(n-1); f(n-1); System.out.print(n); }`
L'appel `f(4)` affiche:
- 121312141213121
 - 112112311211234
 - 432112113211211
26. On considère le programme suivant:
`static void f(int n){if(n==0) return; System.out.print(n); f(n-1); f(n-1)}`
L'appel `f(4)` affiche:
- 121312141213121
 - 112112311211234
 - 432112113211211
27. Trouver la ou les bonnes réponses:
- $n^2/4 + \log(n)$ est un $\Theta(\log(n))$
 - $n \log(n)$ est un $\Theta(n)$
 - $n^2/4 + 8n^3$ est un $\Theta(n^3)$
28. On considère le programme suivant:
`static void f(int n){if(n<=0) return; f(n-4);f(n-2);}`
Le nombre d'appels de `f` pour `f(n)` est un (on suppose $n > 0$):
- $\Theta(n)$ dans le pire cas
 - $\Theta(\log(n))$ dans le pire cas
 - $\Theta(2^n)$ dans le pire cas
 - infini: le programme ne termine pas toujours
29. Le tri par insertion trie un tableau de n éléments en:
- $\Theta(n^2)$ comparaisons dans le meilleur cas
 - $\Theta(n \log(n))$ comparaisons dans le meilleur cas
 - $\Theta(n)$ comparaisons dans le meilleur cas
30. Soit interface `I {public void f(); }` et le code suivant `class A implements I {public void f(){System.out.println("bonjour"); }`. Parmi les morceaux de code suivantes sont correctes (peuvent être compilés et ne provoquent pas d'erreur à l'exécution):
- `I i = new A(); i.f();`
 - `I i = new I(); i.f();`
 - `A a = new A(); I i=a; a=i; a.f();`

31. On considère la classe définie par : `class A {int i; static void print(){System.out.println(i); }}`. L'exécution de:
`A a=new A(); A b=a; a.i=5; b.i=10; a.print();`
- affiche 5
 - affiche 10
 - la classe A ne peut pas être compilée
32. Trouver la ou les bonnes réponses:
- $n^2 + n$ est un $\Theta(n^2)$
 - $\log(n) * n^2$ est un $\Theta(n^2)$
 - $\log(n) * n$ est un $\Theta(n^2)$
33. On considère la boucle ($n > 0$): `for(int i=0; i<n; i+=3) f(i);` Trouver la bonne réponse:
- le nombre d'appels de f est un $\Theta(n)$
 - le nombre d'appels de f est un $\Theta(\log(n))$
 - le nombre d'appels de f est un $\Theta(10^n)$
34. Soit la classe : `class A {public int i; }`. Le code suivant `A a=new A();Object o=a;o.i=10;:`
- est correct (il peut être compilé et exécuté)
 - n'est pas correct (il ne peut pas être compilé et exécuté)
35. Pour un arbre binaire parfait de hauteur $\Theta(n)$, le nombre de noeuds est un:
- $\Theta(2^n)$
 - $\Theta(n)$
 - $\Theta(\log(n))$
36. Soit la classe : `class A {public int i; }`. Le code suivant `A a=new A();Object o=a;((A)o).i=10;:`
- est correct (il peut être compilé et exécuté)
 - n'est pas correct (il ne peut pas être compilé et exécuté)
37. On considère le programme suivant:
`static void f(int n){if(n<=1) return; f(n/2);f(n/2);}`
Le nombre d'appels de f pour $f(n)$ est un (on suppose $n > 0$):
- $\Theta(n)$ dans le pire cas
 - $\Theta(n \log(n))$ dans le pire cas
 - $\Theta(2^n)$ dans le pire cas
38. Pour un arbre binaire parfait de hauteur n , le nombre de feuilles est:
- 2^n
 - n
 - $\log(n)$
39. On considère la boucle ($n > 0$): `for(int i=0; i<n; i+=1)for(int j=n; j>0;j-)f(i);` Trouver la bonne réponse:
- le nombre d'appels de f est un $\Theta(n)$
 - le nombre d'appels de f est un $\Theta(n^2)$
 - le nombre d'appels de f est un $\Theta(\log(n))$
 - le nombre d'appel de f est un $\Theta(n \log(n))$
 - le nombre d'appels de f est exponentiel ($\Theta(2^n)$)
40. On considère la classe définie par : `class A {static int i; static void print(){System.out.println(i); }}`. L'exécution de:
`A a=new A(); A b=new A(); a.i=5; b.i=10; a.print();`
- affiche 5
 - affiche 10
 - la classe A ne peut pas être compilée

41. Le tri rapide (quick-sort) trie un tableau de n éléments en:
- $\Theta(n^2)$ comparaisons dans le pire cas
 - $\Theta(n \log(n))$ comparaisons dans pire cas
 - $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas
42. Pour un arbre binaire parfait ayant $\Theta(n)$ feuilles, la hauteur est un:
- $\Theta(2^n)$
 - $\Theta(\log(n))$
 - $\Theta(n)$
43. Quel est le résultat du morceau de code : `int i,j; i=10; j=i; j=5; System.out.println(i);`
- il affiche 5
 - il affiche 10
 - il provoque une erreur
44. On considère la boucle ($n > 0$): `for(int i=0; i<n; i+=1) f(i);` Trouver la bonne réponse: En fonction du *nombre k de chiffres* dans la représentation de n :
- le nombre d'appels de f est un $\Theta(k)$
 - le nombre d'appels de f est un $\Theta(\log(k))$
 - le nombre d'appels de f est un $\Theta(10^k)$
45. On considère la classe définie par : `class A {static int i; }`. L'exécution de: `A a=new A(); A b=new A(); a.i=10; b.i=5; System.out.println(a.i);`
- affiche 5
 - affiche 10
 - provoque une erreur
46. On considère la boucle ($n > 0$): `for(int i=n; i>1; i/=10) f(i);` Trouver la bonne réponse:
- le nombre d'appels de f est un $\Theta(n)$
 - le nombre d'appels de f est un $\Theta(n^2)$
 - le nombre d'appels de f est un $\Theta(\log(n))$
 - le nombre d'appels de f est un $\Theta(n \log(n))$
47. On considère la classe définie par : `class A {int i; }`. L'exécution de: `A a=new A(); A b=new A(); a.i=10; b.i=10; if(a==b)System.out.println("EGAL"); else System.out.println("PAS EGAL");`
- affiche EGAL
 - affiche PAS EGAL
 - provoque une erreur
48. On considère le programme suivant:
`static int f(int n){if(n<=1) return 0; else return f(n/2)+f(n/2); }`
 Le nombre d'appels de f pour $f(n)$ est un (on suppose $n > 0$):
- $\Theta(n)$ dans le pire cas
 - $\Theta(\log(n))$ dans le pire cas
 - $\Theta(2^n)$ dans le pire cas
49. Le tri bulle trie un tableau de n éléments en:
- $\Theta(\log^2(n))$ comparaisons dans le pire cas
 - $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas
 - $\Theta(n^2)$ comparaisons dans le pire cas
50. Trouver la ou les bonnes réponses:
- $n^2 + n \log(n)$ est un $\Theta(\log(n))$
 - $n \log(n)$ est un $\Theta(n)$
 - $n^2 \log(n) + n^3$ est un $\Theta(n^3)$

Answer Key for Exam A

Bonne réponse=1pt; mauvaise réponse ou réponse incomplète =-0,5pt; pas de réponse=0pt. On rappelle qu'un arbre binaire parfait est un arbre dont tous les noeuds qui ne sont pas des feuilles ont exactement deux fils et toutes les branches (chemin de la racine à une feuille) ont la même longueur.

On rappelle que f est $\Theta(g)$ si et seulement si il existe m a et b tel que pour tout $n > m$ on a $ag(n) \leq f(n) \leq bg(n)$ (en informatique Θ est souvent noté \mathcal{O}). Dans la suite \log représente le logarithme en base 2.

1. On considère la classe définie par : `class A {static int i; void print(){System.out.println(i); }}`
L'exécution de `A a=new A(); A b=new A(); a.i=5; b.i=10; a.print();`

- (a) affiche 5
- (b) affiche 10
- (c) la classe A ne peut pas être compilée

2. On considère la boucle ($n > 0$): `for(int i=0; i<n; i+=1)do f(i++); while(i<0);` Trouver la bonne réponse:

- (a) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n)$
- (b) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n^2)$
- (c) le nombre d'appels de f est logarithmique ($\Theta(\log(n))$)
- (d) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n \log(n))$
- (e) le nombre d'appels de f est exponentiel ($\Theta(2^n)$)

3. On considère le programme suivant:

```
static boolean estPresent(int v,int[]t, int l,int r){
    if(l>r) return false; int m=(l+r)/2;
    if(v==t[m])return true;
    if(v<t[m])return estPresent(v,t,l,m-1); else return estPresent(v,t,m+1,r);}

```

En supposant que le tableau t est trié, ce programme retourne true si et seulement si v est présent dans t entre les indices l et r en (choisir la (ou les) bonne(s) réponse(s):

- (a) $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas
- (b) $\Theta(\log(n))$ comparaisons dans le pire cas
- (c) $\Theta(n)$ comparaisons dans le meilleur cas

4. Pour un arbre binaire parfait de hauteur n, le nombre de noeuds est un:

- (a) 2^n
- (b) égal au nombre de feuilles d'un arbre parfait de hauteur n + 1 moins 1
- (c) $n * \log(n)$

5. Trouver la ou les bonnes réponses:

- (a) $\sum_{i=0}^n i^3$ est un $\Theta(n^3)$
- (b) $\sum_{i=0}^n i^2$ est un $\Theta(n^3)$
- (c) $\sum_{i=0}^n i$ est un $\Theta(n^3)$

6. On considère le morceau de programme: `tmp=t[0]; for(int i=1; i<t.length; i++)if(tmp<t[i])tmp=t[i];`
Choisir parmi les assertions suivantes celle(s) qui est(sont) vraies:

- (a) "tmp est égal au max du tableau t entre les indices 0 et i - 1" est un invariant de la boucle
- (b) "tmp est égal au max du tableau t entre les indices 0 et t.length" est un invariant de la boucle
- (c) il n'y a pas d'invariant pour cette boucle

7. Le tri fusion trie un tableau de n éléments en:

- (a) $\Theta(n^2)$ comparaisons dans le meilleur cas
- (b) $\Theta(n \log(n))$ comparaisons dans le meilleur cas
- (c) $\Theta(n)$ comparaisons dans le meilleur cas

8. On considère la classe définie par : `class A {int i=0; }`. L'exécution de:
`A a,b; a.i=10; b=a; b.i=5; System.out.println(a.i);`

- (a) affiche 10
- (b) affiche 5
- (c) provoque une erreur

9. On considère la boucle suivante ($n > 0$): `for(int i=1; i<n; i=i*10) f(i);` Parmi les assertions suivantes laquelle est FAUSSE:

- (a) le nombre d'appels de f est un Θ du nombre n
- (b) le nombre d'appels de f est un Θ du nombre de bits nécessaires pour représenter n en binaire
- (c) le nombre d'appels de f est un Θ du nombre de chiffres dans la représentation de n en base 10

10. Pour le morceau de programme: `if (a>b) m=a; else m=b;` et la pré-condition : $a = A$ et $b = B$ (où A et B sont des constantes positives), parmi les assertions suivantes laquelle n'est **pas** une post-condition:

- (a) $m = \max(A, B)$
- (b) $1 \neq 0$
- (c) $m \geq |A - B|$
- (d) $A > B$

11. On considère le programme suivant:

```
static boolean cherche(int v, int[] t, int l, int r)
```

```
{for(int i=l;i<=r;i++)if(t[i]==v)return true; return false; }
```

 Ce programme retourne true si et seulement si v est présent dans t entre les indices l et r en : (choisir la (ou les) bonne(s) réponse(s))

- (a) $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas
- (b) $\Theta(\log(n))$ comparaisons dans le pire cas
- (c) $\Theta(n)$ comparaisons dans le meilleur cas

12. Pour la classe D définie comme suit:

```
class D {  
public int x;  
public D() {x=3; };  
public D( int a){this(); x=x+a;};  
public D( int a, int b){this(b); x= x-a;}}
```

qu'affichera le code suivant?

```
D a=new D(5,6);  
System.out.println(a.x);
```

- (a) 1
- (b) 2
- (c) 3
- (d) 4

13. On considère le programme suivant:

```
static void f(int n){if(n==0) return; f(n-1); System.out.print(n); f(n-1); }
```

L'appel $f(4)$ affiche:

- (a) 121312141213121
- (b) 112112311211234
- (c) 432112113211211

14. On considère la classe définie par : `class A {int i; }`

L'exécution de: `A a=new A(); A b=new A(); a.i=8; b=a; b.i=5; System.out.println(a.i);`

- (a) affiche 5
- (b) affiche 8
- (c) provoque une erreur

15. On considère le programme suivant:

```
static void f(int n){if(n<=0) return; f(n-4);f(n+1);}
```

Le nombre d'appels de f pour $f(n)$ est un (on suppose $n > 0$):

- (a) $\Theta(n)$ dans le pire cas
- (b) $\Theta(\log(n))$ dans le pire cas
- (c) $\Theta(2^n)$ dans le pire cas
- (d) infini: le programme ne termine pas toujours

16. On considère la classe définie par : `class A {int i; }`. L'exécution de:

```
A a=new A();A b=new A(); a.i=10; b=a; b.i=5;
```

```
if(a==b)System.out.println("EGAL"); else System.out.println("PAS EGAL");
```

- (a) affiche EGAL
- (b) affiche PAS EGAL
- (c) provoque une erreur

17. On considère la classe définie par : `class A {int i; void print(){System.out.println(i); }}`

L'exécution de `A a=new A(); A b=new A(); a.i=5; b.i=10; a.print();`

- (a) affiche 5
- (b) affiche 10
- (c) la classe A ne peut pas être compilée

18. On considère le programme suivant:

```
static boolean estPresent(int v,int[]t, int l,int r){
    if(l>r) return false; int m=(l+r)/2;
    if(v==t[m])return true;
    return estPresent(v,t,l,m-1)|| estPresent(v,t,m+1,r);}

```

En supposant que le tableau `t` est trié, ce programme retourne `true` si et seulement si `v` est présent dans `t` entre les indices `l` et `r` en (choisir la (ou les) bonne(s) réponse(s):

- (a) $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas
- (b) $\Theta(\log(n))$ comparaisons dans le pire cas
- (c) $\Theta(n)$ comparaisons dans le meilleur cas

19. On définit la méthode `permuter`:

```
public static void permuter (String s1, String s2, int x1, int x2){
    String tmp1=s1; s1=s2; s2=tmp1; int tmp2=x1; x1=x2; x2=tmp2;
}

```

Considérons: `String a="bon"; String b="jour"; int c=3; int d =4; permuter(a,b,c,d);`

Quelles seront les valeurs de `a,b,c,d` après l'exécution de ce code?

- (a) "bon", "jour", 3, 4
- (b) "jour", "bon", 3, 4
- (c) "bon", "jour", 4, 3
- (d) "jour", "bon", 4, 3

20. Le tri par insertion trie un tableau de n éléments en:

- (a) $\Theta(n^2)$ comparaisons dans le pire cas
- (b) $\Theta(n \log(n))$ comparaisons dans le pire cas
- (c) $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas

21. On considère le programme suivant:

```
static void f(int n){if(n<=0) return; if ((n%2)==0) f(n-1); else f(n+1); }
```

Le nombre d'appels de f pour $f(n)$ est un (on suppose $n > 0$):

- (a) $\Theta(n)$ dans le pire cas
- (b) $\Theta(\log(n))$ dans le pire cas
- (c) $\Theta(2^n)$ dans le pire cas
- (d) infini: le programme ne termine pas toujours

22. Trouver la ou les bonnes réponses:

- (a) $\sum_{i=0}^n i^3$ est un $\Theta(n^2)$
- (b) $\sum_{i=0}^n i^2$ est un $\Theta(n^2)$
- (c) $\sum_{i=0}^n i$ est un $\Theta(n^2)$

23. On considère la classe définie par : `class A {int i=0; B b; }`, la classe: `B {int j=0;}` et le code `A a1=new A(); A a2=new A(); B b=new B();`

Quelles expressions ont la valeur `true`:

- (a) `(a1.i != b.j)`
- (b) `(a1.b == a2.b)`
- (c) `(a1 == a2)`

24. On considère la boucle suivante ($n > 0$): `for(int i=0; i<n; i+=1) for(int j=1; j<n; j=2*j) f(i);` Trouver la bonne réponse:
- (a) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n)$
 - (b) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n^2)$
 - (c) le nombre d'appels de f est un $\Theta(\log(n))$
 - (d) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n \log(n))$
25. On considère le programme suivant:
`static void f(int n){if(n==0) return; f(n-1); f(n-1); System.out.print(n); }`
 L'appel $f(4)$ affiche:
- (a) 121312141213121
 - (b) 112112311211234
 - (c) 432112113211211
26. On considère le programme suivant:
`static void f(int n){if(n==0) return; System.out.print(n); f(n-1); f(n-1)}`
 L'appel $f(4)$ affiche:
- (a) 121312141213121
 - (b) 112112311211234
 - (c) 432112113211211
27. Trouver la ou les bonnes réponses:
- (a) $n^2/4 + \log(n)$ est un $\Theta(\log(n))$
 - (b) $n \log(n)$ est un $\Theta(n)$
 - (c) $n^2/4 + 8n^3$ est un $\Theta(n^3)$
28. On considère le programme suivant:
`static void f(int n){if(n<=0) return; f(n-4);f(n-2);}`
 Le nombre d'appels de f pour $f(n)$ est un (on suppose $n > 0$):
- (a) $\Theta(n)$ dans le pire cas
 - (b) $\Theta(\log(n))$ dans le pire cas
 - (c) $\Theta(2^n)$ dans le pire cas
 - (d) infini: le programme ne termine pas toujours
29. Le tri par insertion trie un tableau de n éléments en:
- (a) $\Theta(n^2)$ comparaisons dans le meilleur cas
 - (b) $\Theta(n \log(n))$ comparaisons dans le meilleur cas
 - (c) $\Theta(n)$ comparaisons dans le meilleur cas
30. Soit interface `I {public void f(); }` et le code suivant `class A implements I {public void f(){System.out.println("bonjour"); }`. Parmi les morceaux de code suivants lesquelles sont correctes (peuvent être compilés et ne provoquent pas d'erreur à l'exécution):
- (a) `I i = new A(); i.f();`
 - (b) `I i = new I(); i.f();`
 - (c) `A a = new A(); I i=a; a=i; a.f();`
31. On considère la classe définie par : `class A {int i; static void print(){System.out.println(i); }}`. L'exécution de:
`A a=new A(); A b=a; a.i=5; b.i=10; a.print();`
- (a) affiche 5
 - (b) affiche 10
 - (c) la classe A ne peut pas être compilée
32. Trouver la ou les bonnes réponses:
- (a) $n^2 + n$ est un $\Theta(n^2)$
 - (b) $\log(n) * n^2$ est un $\Theta(n^2)$
 - (c) $\log(n) * n$ est un $\Theta(n^2)$

33. On considère la boucle ($n > 0$): `for(int i=0; i<n; i+=3) f(i);` Trouver la bonne réponse:
- (a) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n)$
 - (b) le nombre d'appels de f est un $\Theta(\log(n))$
 - (c) le nombre d'appels de f est un $\Theta(10^n)$
34. Soit la classe : `class A {public int i; }`. Le code suivant `A a=new A();Object o=a;o.i=10;:`
- (a) est correct (il peut être compilé et exécuté)
 - (b) n'est pas correct (il ne peut pas être compilé et exécuté)
35. Pour un arbre binaire parfait de hauteur $\Theta(n)$, le nombre de noeuds est un:
- (a) $\Theta(2^n)$
 - (b) $\Theta(n)$
 - (c) $\Theta(\log(n))$
36. Soit la classe : `class A {public int i; }`. Le code suivant `A a=new A();Object o=a;((A)o).i=10;:`
- (a) est correct (il peut être compilé et exécuté)
 - (b) n'est pas correct (il ne peut pas être compilé et exécuté)
37. On considère le programme suivant:
`static void f(int n){if(n<=1) return; f(n/2);f(n/2);}`
 Le nombre d'appels de f pour $f(n)$ est un (on suppose $n > 0$):
- (a) $\Theta(n)$ dans le pire cas
 - (b) $\Theta(n \log(n))$ dans le pire cas
 - (c) $\Theta(2^n)$ dans le pire cas
38. Pour un arbre binaire parfait de hauteur n , le nombre de feuilles est:
- (a) 2^n
 - (b) n
 - (c) $\log(n)$
39. On considère la boucle ($n > 0$): `for(int i=0; i<n; i+=1)for(int j=n; j>0;j-)f(i);` Trouver la bonne réponse:
- (a) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n)$
 - (b) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n^2)$
 - (c) le nombre d'appels de f est un $\Theta(\log(n))$
 - (d) le nombre d'appel de f est un $\Theta(n \log(n))$
 - (e) le nombre d'appels de f est exponentiel ($\Theta(2^n)$)
40. On considère la classe définie par : `class A {static int i; static void print(){System.out.println(i); }}`.
 L'exécution de:
`A a=new A(); A b=new A(); a.i=5; b.i=10; a.print();`
- (a) affiche 5
 - (b) affiche 10
 - (c) la classe A ne peut pas être compilée
41. Le tri rapide (quick-sort) trie un tableau de n éléments en:
- (a) $\Theta(n^2)$ comparaisons dans le pire cas
 - (b) $\Theta(n \log(n))$ comparaisons dans pire cas
 - (c) $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas
42. Pour un arbre binaire parfait ayant $\Theta(n)$ feuilles, la hauteur est un:
- (a) $\Theta(2^n)$
 - (b) $\Theta(\log(n))$
 - (c) $\Theta(n)$

43. Quel est le résultat du morceau de code : `int i,j; i=10; j=i; j=5; System.out.println(i);`
- (a) il affiche 5
 - (b) il affiche 10
 - (c) il provoque une erreur
44. On considère la boucle ($n > 0$): `for(int i=0; i<n; i+=1) f(i);` Trouver la bonne réponse:
En fonction du nombre k de chiffres dans la représentation de n :
- (a) le nombre d'appels de f est un $\Theta(k)$
 - (b) le nombre d'appels de f est un $\Theta(\log(k))$
 - (c) le nombre d'appels de f est un $\Theta(10^k)$
45. On considère la classe définie par : `class A {static int i; }`. L'exécution de:
`A a=new A(); A b=new A(); a.i=10; b.i=5; System.out.println(a.i);`
- (a) affiche 5
 - (b) affiche 10
 - (c) provoque une erreur
46. On considère la boucle ($n > 0$): `for(int i=n; i>1; i/=10) f(i);` Trouver la bonne réponse:
- (a) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n)$
 - (b) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n^2)$
 - (c) le nombre d'appels de f est un $\Theta(\log(n))$
 - (d) le nombre d'appels de f est un $\Theta(n \log(n))$
47. On considère la classe définie par : `class A {int i; }`. L'exécution de:
`A a=new A(); A b=new A(); a.i=10; b.i=10;`
`if(a==b)System.out.println("EGAL"); else System.out.println("PAS EGAL");`
- (a) affiche EGAL
 - (b) affiche PAS EGAL
 - (c) provoque une erreur
48. On considère le programme suivant:
`static int f(int n){if(n<=1) return 0; else return f(n/2)+f(n/2); }`
Le nombre d'appels de f pour $f(n)$ est un (on suppose $n > 0$):
- (a) $\Theta(n)$ dans le pire cas
 - (b) $\Theta(\log(n))$ dans le pire cas
 - (c) $\Theta(2^n)$ dans le pire cas
49. Le tri bulle trie un tableau de n éléments en:
- (a) $\Theta(\log^2(n))$ comparaisons dans le pire cas
 - (b) $\Theta(n)$ comparaisons dans le pire cas
 - (c) $\Theta(n^2)$ comparaisons dans le pire cas
50. Trouver la ou les bonnes réponses:
- (a) $n^2 + n \log(n)$ est un $\Theta(\log(n))$
 - (b) $n \log(n)$ est un $\Theta(n)$
 - (c) $n^2 \log(n) + n^3$ est un $\Theta(n^3)$